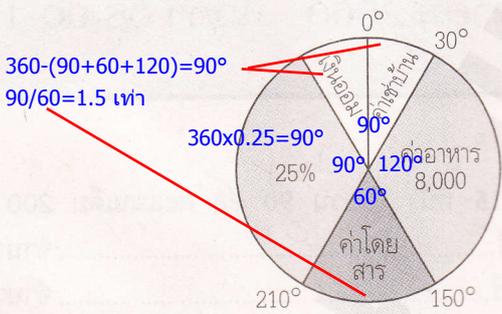




**ส่วนที่ 1 วิชาคณิตศาสตร์.....100 คะแนน**  
**จำนวน 40 ข้อ (ข้อ 1-40)..... สอบเวลา 08.00-10.00 น.**

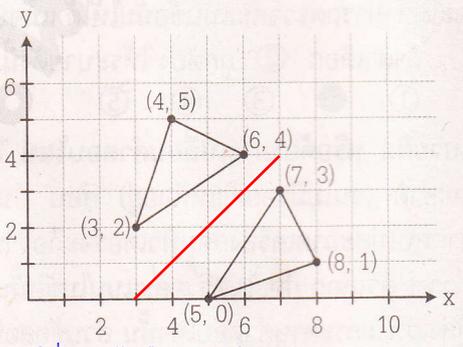
**ข้อ 1-20 (ข้อละ 2 คะแนน)**

1. เมื่อ 5 ปีที่แล้วอายุของเอ้กับอ้นเมื่ออัตราส่วนเป็น 1 : 3 แต่ปัจจุบันอายุของเอ้กับอ้นเมื่ออัตราส่วนเป็น 2 : 5 อีก 5 ปีข้างหน้าทั้งคู่มีอายุรวมกันกี่ปี  
 $e:a=1:3 \quad a=3e$   
 $(e+5):(a+5)=2:5 \quad 2(a+5)=5(e+5) \quad 2a+10=5e+25$   
 $2(3e)+10=5e+25 \quad e=15, a=45$
- 1) 50                      2) 60  $(15+10)+(45+10)=80$                       3) 70                      **4) 80**
2. แผนภูมิแสดงค่าใช้จ่ายประจำเดือนของต้นเป็นดังนี้



อยากทราบว่าค่าเช่าบ้านรวมกับเงินออมคิดเป็นกี่เท่าของค่าโดยสาร

- 1) 0.6                      2) 1                      **3) 1.5**                      4) 2
3. น้ำเกลือ 150 ลิตร มีเกลือ 80% นอกนั้นเป็นน้ำ จะต้องเติมน้ำลงไปกี่ลิตรจึงจะทำให้ได้น้ำเกลือ 60%  
 $(150 \times 0.8) / (150 + a) = 0.6$   
 $0.6(150 + a) = (150 \times 0.8)$   
 $0.6a + 90 = 120$   
 $0.6a = 30$   
 $a = 50$   
 check  
 $120/200 = 0.6$  ok
- 1) 30                      **2) 50**                      3) 80                      4) 100
4. สมการของเส้นสะท้อนภาพของรูปที่แสดงไว้คือสมการใด



สมการของเส้นสะท้อนภาพของรูปที่แสดงไว้คือสมการใด What is the equation of the reflected line (=Axis of symmetry)?

- 1)  $y = x - 3$**                       2)  $y = x - 2$                       3)  $y = x - 1$                       4)  $y = x + 3$

5. ผลลัพธ์ของ  $64^{5n-1} \times 16^{5-n} \times 4^{-8} \div 4^{5n+1}$  ตรงกับข้อใด
- 1)  $4^{8n}$                       2)  $4^{9n}$                       **3)  $4^{8n-2}$**                       4)  $4^{9n-2}$

$4^1=4, 4^2=16, 4^3=64$   
 $3(5n-1)+2(5-n)+(-8)+(-5n-1)$   
 $=15n-3+10-2n-8-5n-1$   
 $=8n-2$



$$\begin{aligned} 1 \times 3^0 &= 1 \\ 0 \times 3^1 &= 0 \\ 2 \times 3^2 &= 18 \\ 0 \times 3^3 &= 0 \\ 1 \times 3^4 &= 81 \\ 1 \times 3^5 &= 243 \\ \hline b \times 3 &= -343 \\ b &= (-343)^{(1/3)} = -7 \end{aligned}$$

3



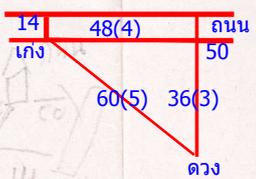
PRE-GIFTED ม.ต้น'60 วิชาคณิต + วิทยาศาสตร์ ชั้น ม.2

15. ถ้ารากที่สองที่เป็นบวกของ  $a + b$  มีค่าเท่ากับ 3 และ  $b^3 = -110201$  สมัย เมื่อ  $a$  และ  $b$  เป็นจำนวนจริงได้ แล้ว  $a^2 + b$  มีค่าเท่าใด
- 1) 91                      2) 249                      3) 265                      4) 305

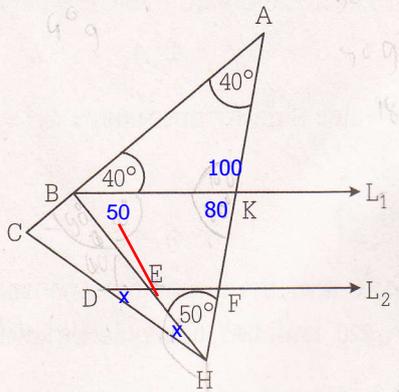
$$\begin{aligned} (a-7)^{(1/2)} &= 3 & a-7 &= 9 & a &= 16 \\ a^2 + b &= 16^2 - 7 & & & & = 249 \end{aligned}$$

16. บนถนนตรงเส้นหนึ่งมีบ้านของเก่งอยู่ห่างจากริมถนน 14 เมตร บ้านของดวงอยู่ห่างจากริมถนน 50 เมตร บ้านทั้งสองหลังอยู่บนฝั่งเดียวกันของถนนและอยู่ห่างกัน 60 เมตร เก่งต้องการเรียกรถแท็กซี่ให้ดวง โดยเริ่มเดินจากบ้านของตนไปที่ริมถนนเรียกรถแท็กซี่ แล้วจึงเดินไปเรียกดวงที่บ้านของเธอ จงหาว่าเก่งต้องเดินทางเป็นระยะทางสั้นที่สุดกี่เมตร
- 1) 65                      2) 80                      3) 96                      4) 110

if the width of the road is 14m see picture  
It is not good a question at all. Explanation is not good enough. (procedure for getting taxi)  
 $60+36=96m$



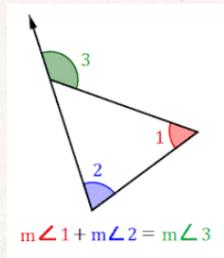
17.



จากรูป กำหนดให้  $L_1 \parallel L_2$  จงหาว่า  $\widehat{EDH} + \widehat{EHD}$  มีค่าเท่าใด

- 1) 30 องศา  
2) 40 องศา  
3) 50 องศา  
4) 80 องศา

use exterior angle theorem



18. ผลบวกของคำตอบทั้งหมดของสมการ  $\frac{8}{x^2-1} - \frac{x}{x-1} + \frac{2}{x+1} = 0$  มีค่าตรงกับข้อใด
- 1) -5                      2) -1                      3) 1                      4) 5

$$\begin{aligned} \frac{8}{(x-1)(x+1)} - \frac{x}{x-1} + \frac{2}{x+1} &= 0 \\ 8 - x(x+1) + 2(x-1) &= 0 \\ -x^2 + x + 6 &= 0 \\ (x+2)(x-3) &= 0 \end{aligned}$$

19. ถ้า  $k$  เป็นจำนวนจริงที่ทำให้สมการ  $x^2 + (k+9)x + k(k+5) = 0$  มีรากที่เป็นจำนวนจริงสองจำนวน และผลบวกของรากทั้งสองเท่ากับผลคูณของรากทั้งสอง แล้วผลคูณของรากทั้งสองมีค่าเท่าใด
- 1) -24                      2) -6                      3) 6                      4) 24

19.  $ax^2+bx+c=0$   
 $x_1 = \frac{-b + \sqrt{b^2-4ac}}{2a}$   
 $x_2 = \frac{-b - \sqrt{b^2-4ac}}{2a}$   
 $x_1 + x_2 = -b/a$   
 $x_1 x_2 = \frac{(-b)^2 - (b^2-4ac)}{4a^2} = c/a$   
 $x_1 + x_2 = x_1 x_2$   
 $-b/a = c/a \quad -b = c \text{ (since } a=1)$   
 $-(k+9) = k(k+5) \quad k^2 + 6k + 9 = 0$   
 $(k+3)^2 = 0 \quad k = -3$   
 $x_1 x_2 = c = k(k+5) = (-3)(-3+5) = -6$   
check  
 $x_1 + x_2 = -b = -(k+9) = -(-3+9) = -6$  ok!

20. กำหนดให้  $x \propto y^2 - z^2$  เมื่อ  $y \propto t$  และ  $z \propto \sqrt{t}$  ถ้า  $x = 2$  เมื่อ  $t = 4$  และ  $x = 5$  เมื่อ  $t = -2$  แล้ว  $x$  มีค่าเท่าใด เมื่อ  $t = -14$
- 1) 119                      2) 127                      3) 133                      4) 140

proportional to

$$\begin{aligned} x &\propto y^2 - z^2 \text{ and } y \propto t \text{ and } z \propto t^{(1/2)} \\ x &= t(t-1)k + b \\ x=2 \text{ (} t=4) & \quad 4(4-1)k + b = 2 \quad 12k + b = 2 \\ x=5 \text{ (} t=-2) & \quad (-2)(-2-1)k + b = 5 \quad 6k + b = 5 \\ 2-12k &= 5-6k \quad 6k = -3 \quad k = -1/2, b = 8 \\ x &= t(t-1)(-1/2) + 8 \\ t = -14 & \quad x = (-14)(-14-1)(-1/2) + 8 = -97 \end{aligned}$$

ไม่มีที่เลือก  
โจทย์ปัญหาควรจะไม่สมบูรณ์

16. (typing out for using dictionary)

บนถนนตรงเส้นหนึ่งมีบ้านของเก่งอยู่ห่างจากริมถนน 14 เมตร บ้านของดวงอยู่ห่างจากริมถนน 50 เมตร บ้านทั้งสองหลังอยู่บนฝั่งเดียวกันของถนนและอยู่ห่างกัน 60 เมตร เก่งต้องการเรียกรถแท็กซี่ให้ดวง โดยเริ่มเดินจากบ้านของตนไปที่ริมถนนเรียกรถแท็กซี่ แล้วจึงเดินไปเรียกดวงที่บ้านของเธอ จงหาว่าเก่งต้องเดินทางเป็นระยะทางสั้นที่สุดกี่เมตร



**ข้อ 21-40 (ข้อละ 3 คะแนน)**

21. ในกาวิ่งแข่งขัน 400 เมตร ของนาย A, นาย B และนาย C พบว่า นาย A ชนะนาย B 40 เมตร นาย B ชนะนาย C 40 เมตร ถ้าทุกคนมีความเร็วคงที่ นาย A จะชนะนาย C กี่เมตร

- 1) 72                      2) 76                      3) 78                      4) 80

คงที่ stable

22. พ่อค้าต้องการขายสินค้าราคา 5,000 บาท ให้ได้กำไร 80% โดยลดราคาจากที่ติดป้ายประกาศราคาขายไว้ 25% พ่อค้าจะต้องติดป้ายประกาศราคาขายไว้เท่ากับข้อใด

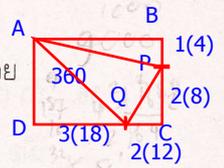
- 1) 9,000 บาท                      2) 10,000 บาท                      3) 11,000 บาท                      4) 12,000 บาท

$9000/0.75=12,000$   
 $check\ 12000 \times 0.75=9,000\ ok$

23. ให้ ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมผืนผ้าที่มีพื้นที่ 360 ตารางหน่วย P เป็นจุดบนด้าน BC ทำให้ BP : CP = 1 : 2 Q เป็นจุดบนด้าน CD ทำให้ CQ : DQ = 2 : 3 แล้วพื้นที่รูปสามเหลี่ยม APQ เท่ากับข้อใด

- 1) 144 ตารางหน่วย                      2) 156 ตารางหน่วย                      3) 168 ตารางหน่วย                      4) 180 ตารางหน่วย

$360=(3 \times 2 \times 2) \times (5 \times 3 \times 2)=12 \times 30$                        $360-(1/2) \times 18 \times 12-(1/2) \times 12 \times 8-(1/2) \times 4 \times 30=144$



24. กำหนดให้  $2^n = (2^2 \times 4^3 \times 8^4)^5 + 2^{100} + (2^{10})^{10} + (2^5)^{20}$  แล้ว n เท่ากับข้อใด

- 1) 101                      2) 102                      3) 103                      4) 104

$2^n = 2^{100} + 2^{100} + 2^{100} + 2^{100} = 4 \times (2^{100}) = 2^{102}$                        $n=102$

25. กำหนดให้  $3^n = 3^{-3} \div [3^{-3} \div \{3^{-3} \div (3^{-3})^3\}]^3$  แล้ว n เท่ากับข้อใด

- 1) -63                      2) -60                      3) 60                      4) 63

26. กำหนดให้ a และ b เป็นจำนวนจริงใดๆ ถ้า  $a \circ b = \frac{ab+9}{a+b}$  ทุกค่า  $a \neq -b$

แล้วค่าของ  $(\dots((2,017 \circ 2,016) \circ 2,015) \circ 2,014) \circ \dots \circ 4) \circ 3) \circ 2) \circ 1$  เท่ากับข้อใด

- 1) 3                      2) 4                      3) 5                      4) 6

$(2017 \times 2016 + 9) / (2017 + 2016) = 1008$   
 $(1008 \times 2015 + 9) / (1008 + 2015) = 672$   
a b = 3 then,  
 $(3 \times n + 9) / (3 + n) = 3$   
 $(3 \times 1 + 9) / (3 + 1) = 3$

27. กำหนดให้ a และ b เป็นจำนวนเต็มบวก ถ้า  $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{6}{17}$  แล้วค่าของ a + b เท่ากับข้อใด

- 1) 51                      2) 54                      3) 65                      4) 68

$1/3 + 1/(3 \times 17) = 18/(3 \times 17) = 6/17$   
 $a=3, b=51$                        $a+b=54$

28. ค่าของ  $99,998^2 - 2$  เท่ากับข้อใด

- 1) 9,999,400,002                      2) 9,999,500,002                      3) 9,999,600,002                      4) 9,999,700,002

$(100,000-2)^2 - 2 = (10,000,000,000 - 400,000 + 4) - 2 = 9,999,600,002$

29. ตัวประกอบของ  $abc(a+b+c) + bcd(b+c+d) + cda(c+d+a) + dab(d+a+b) + (ab+cd)^2$

- ตรงกับข้อใด if  $a=1, b=2, c=3, d=4$                        $1 \times 2 \times 3 \times (1+2+3) + 2 \times 3 \times 4 \times (2+3+4) + 3 \times 4 \times 1 \times (3+4+1) + 4 \times 1 \times 2 \times (4+1+2) + (1 \times 2 + 3 \times 4)^2 = 600$
- 1)  $(a^4 + c^2)(b^2 + c^2)$  impossible                      2)  $(a+b)(b+c)(c+d)(d+a)$                        $3 \times 5 \times 7 \times 5 = 525$
- 3)  $(a^2 + 2ac + c^2)(b^2 + 2bc + c^2)$                       4)  $(a+c)(a+d)(b+c)(b+d)$                        $4 \times 5 \times 5 \times 6 = 600$

$4^2 \times 5^2 = 400 \times$   
 $5 \times 5 \times 10 = 250 \times$

30. กำหนดให้  $\frac{x-1}{2} + \frac{x-3}{6} + \frac{x-6}{12} + \frac{x-10}{20} + \frac{x-15}{30} = 20$  แล้วค่าของ  $\frac{x-3}{3} + \frac{x-7}{4} + \frac{x-2}{5}$

- เท่ากับข้อใด ค.ร.น. ของ 2,6,12,20,30 คือ 60
- 1) 18 (17.53 18)                      2) 26                      3) 30                      4) 32

$(1/60)\{20(x-3)+15(x-7)+12(x-2)\} = 20$   
 $(1/60)(47x-60-105-24) = (1/60)(47x-189) = (1/60)(47x(132/5)-189) = 17.53$   
 $30(x-1)+10(x-3)+5(x-6)+3(x-10)+2(x-15) = (30+10+5+3+2)x + (-30-30-30-30) = 50x-120$   
 $50x-120=1200$                        $x=1320/50=132/5$

31. สมศรีอายุ 48 ปี ธาณีมีอายุเป็นสองในสามของสมศรี เมื่อสมศรีมีอายุเท่ากับธานี ธาณีมีอายุเท่าใด

- 1) 30 ปี                      2) 32 ปี                      3) 36 ปี                      4) 40 ปี

$2/3 \times (48) = 32$

32-(48-32)=16 ปี  
no right answer here (16 ปี)

32. กำหนดให้ a, b, c และ d เป็นคำตอบของสมการ  $(x^2 - 9x + 13)^2 + 3(x^2 - 9x + 13) = 5x - 13$  แล้วค่าของ  $a^2 + b^2 + c^2 + d^2$  เท่ากับข้อใด

- 1) 100                      2) 104                      3) 108                      4) 112

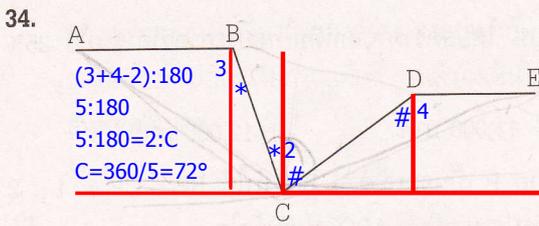
วิธีทำ by manual calculation  
 $(x-a)(x-b)(x-c)(x-d)=0$   
 $\{x^2-(a+b)x+ab\}\{x^2-(c+d)x+cd\}=0$   
 $x^4-(c+d)x^3+cdx^2-(a+b)x^3+(a+b)(c+d)x^2-(a+b)cdx+abx^2-ab(c+d)x+abcd=0$   
 $x^4-(a+b+c+d)x^3+(ab+ac+ad+bc+bd+cd)x^2-(abc+abd+acd+bcd)x+abcd=0$   
 $x^4-18x^3+110x^2-266x+221=0$   
 $(a+b+c+d)=18$   
 $(ab+ac+ad+bc+bd+cd)=110$   
 $(abc+abd+acd+bcd)=226$   
 $abcd=221$

วิธีทำ by PC

$(x^2-9x+13)^2$   
 $= (x^2-9x+13)(x^2+(x^2-9x+13)(-9x)+(x^2-9x+13)(13))$   
 $= (x^4-9x^3+13x^2)+(-9x^3+81x^2-117x)+(13x^2-117x+169)$   
 $= x^4-18x^3+(13+81+13)x^2-234x+169$   
 $= x^4-18x^3+107x^2-234x+169$   
 $3(x^2-9x+13)=3x^2-27x+39$   
from right side  $-5x+13$   
 $f(x)=0$  will be  
 $x^4-18x^3+110x^2+(-234-27-5)x+(169+39+13)=0$   
 $= x^4-18x^3+110x^2-266x+221=0$   
 $a^2+b^2+c^2+d^2=2.171^2+2.267^2+5.732^2+7.828^2=104$

$(a+b+c+d)^2$   
 $= (a+b+c+d)(a+b+c+d)$   
 $= a^2+ab+ac+ad+ba+b^2+bc+bd+ca+cb+c^2+cd+da+db+dc+d^2$   
 $= (a^2+b^2+c^2+d^2)+(ab+ac+ad+bc+bd+cd+ac+bc+cd+ad+bd+cd)$   
 $= (a^2+b^2+c^2+d^2)+2(ab+ac+ad+bc+bd+cd)$   
 $(a+b+c+d)^2=18^2=324$   
 $2(ab+ac+ad+bc+bd+cd)=2 \times 110=220$   
 $(a^2+b^2+c^2+d^2)=324-220=104$

33. เวลาในการทำถนนส่วนหนึ่งแปรผันตรงกับความเร็วรถ อีกส่วนหนึ่งแปรผกผันกับจำนวนคนงาน บริษัทก่อสร้างแห่งหนึ่ง รับเหมาทำถนนยาว 30 กิโลเมตร โดยใช้คนงาน 100 คน ให้เสร็จภายในเวลา 100 วัน เมื่อทำไปได้ 60 วัน พบว่าทำถนนไปได้ยาว 12 กิโลเมตร บริษัทต้องเพิ่มคนงานอีกกี่คนจึงจะเสร็จทันเวลาพอดี
- contract 30km 100man 100 day  
actual (100manx60day)/12km=500manxday/1km  
ส่วนที่เหลือของงาน 30-12=18km  
(18x500)/40day=225man
- 1) 100 คน      2) 125 คน      3) 175 คน      ④ 225 คน



- จากรูป จงหาขนาดของ  $\hat{BCD}$  ถ้า  $\overline{AB} \parallel \overline{DE}$   
และ  $\hat{BCD} : \hat{ABC} : \hat{CDE} = 2 : 3 : 4$
- 1)  $36^\circ$   
2)  $48^\circ$   
3)  $60^\circ$   
④  $72^\circ$

35. ถ้า  $(3x + 222)^{2017} - (3x + 222)^{2016}(999 - 4x) + (3x + 222)^{2015}(999 - 4x)^2 - \dots - (999 - 4x)^{2017} = 0$   
เมื่อ  $x \neq \frac{-222}{3}$  และ  $x \neq \frac{999}{4}$  แล้วค่าของ  $x^2 - 200x + 10,001$  ตรงกับข้อใด
- if  $x=111$   $3x+222=555$ ,  $999-4x=555$ , then,  
 $f(x)=(555^{2017})-(555^{2017})+\dots$   
 $+(555^{2017})-(555^{2017})=0$   
 $111^2-200x111+10001=122$
- 1) 111      ② 122      3) 211      4) 222

36. กำหนดให้ ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยม มี  $AB = AC$ ,  $\hat{BAC} = 40^\circ$ ,  $\hat{CAD} = 20^\circ$  และ  $\hat{ACD} = 30^\circ$  ขนาดของ  $\hat{ADB}$  เท่ากับข้อใด
- ①  $80^\circ$       2)  $90^\circ$       3)  $100^\circ$       4)  $110^\circ$
- 

37. กำหนดให้ ABC เป็นรูปสามเหลี่ยมมี  $AB = 45$  หน่วย  $BC = 28$  หน่วย D และ E เป็นจุดบน  $\overline{AC}$  โดยที่  $AE < AD$  และ  $CD < CE$  ถ้า  $CD = 8$  หน่วย  $DE = 20$  หน่วย และ  $EA = 25$  หน่วย แล้วขนาดของ  $\hat{DBE}$  เท่ากับข้อใด
- $ABC=90^\circ$  ( $45^2+28^2=53^2=2,809$ )  $AB=y$  axis,  $B=x$  axis,  $E(28x25/53, 45x28/53)$ ,  $D(28x45/53, 45x8/53)$   
 $a1=9/5$ ,  $a2=8/28$ ,  $atan(9/5)-atan(8/28)=45^\circ (= DBE)$
- 1)  $40^\circ$       ②  $45^\circ$       3)  $50^\circ$       4)  $55^\circ$
- 

38.   
จากรูป กำหนดให้ ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมจัตุรัส  $BQ = 543$  หน่วย  $CT = 2,017$  หน่วย และ  $OR = 2,560$  หน่วย แล้ว  $AP + DS$  เท่ากับข้อใด
- 1) 6,670 หน่วย  
2) 6,780 หน่วย  
③ 7,680 หน่วย  
4) 7,860 หน่วย
- $DS=2560+2017=4,577$   
 $AP=2560+543=3,103$   
 $AP+DS=4577+3103=7,680$

39. กำหนดให้ ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมมี  $AB = AD$  เส้นทแยงมุม AC แบ่งครึ่ง  $\hat{BCD}$  ถ้า  $AC = 20$  หน่วย  $\hat{BCD} = 30^\circ$  และ  $\hat{ABC} = \hat{ADC} = 90^\circ$  แล้วพื้นที่รูปสี่เหลี่ยม ABCD เท่ากับข้อใด
- $\sin 15^\circ = (\sqrt{6}-\sqrt{2})/4$   
 $\cos 15^\circ = (\sqrt{6}+\sqrt{2})/4$   
 $S = (1/2) \times 20 \sin 15^\circ \times 20 \cos 15^\circ \times 2$   
 $= (1/2) \times 20 \times (\sqrt{6}-\sqrt{2})/4 \times 20 \times (\sqrt{6}+\sqrt{2})/4 \times 2$   
 $= 20^2 \times (\sqrt{6}-\sqrt{2})/4 \times (\sqrt{6}+\sqrt{2})/4$   
 $= 400 \times (4/16) = 100$  ตารางหน่วย
- ① 100 ตารางหน่วย      2) 120 ตารางหน่วย      3) 180 ตารางหน่วย      4) 200 ตารางหน่วย

40. กำหนดให้ ABCD เป็นรูปสี่เหลี่ยมมี  $\hat{BAC} = 50^\circ$ ,  $\hat{ABD} = 35^\circ$  และ  $\hat{ACD} = 30^\circ$  ถ้า  $AB = AC$  แล้วขนาดของ  $\hat{ADB}$  เท่ากับข้อใด
- 1)  $50^\circ$       2)  $60^\circ$       ③  $70^\circ$       4)  $80^\circ$
- 

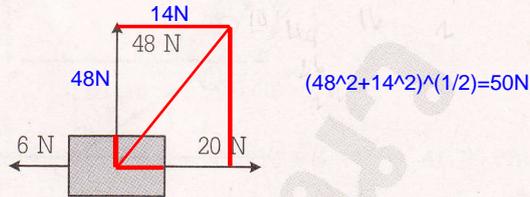
Solving Langley's Problem is very complicated and it takes long time.

If you use a protractor and a triangle ruler and plot vertexes of square according to the condition given, the angle is mostly sought in few minutes.



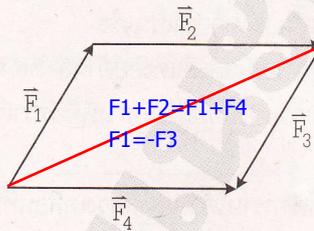
**ส่วนที่ 2 วิชาวิทยาศาสตร์..... 100 คะแนน**  
**จำนวน 50 ข้อ (ข้อ 41-90)..... สอบเวลา 10.00-12.00 น.**

41. มีแรง 3 แรงกระทำต่อวัตถุในทิศดังรูป ขนาดของแรงลัพธ์มีค่าเป็นกี่นิวตัน



- 1) 25                      ② 50                      3) 62                      4) 74

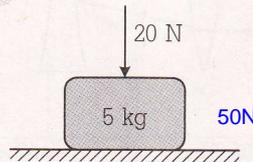
42.



จากรูป จงหาผลลัพธ์ของ  $F_1 + F_2 + F_3 + F_4$

- 1)  $2F_1$                       2)  $-2F_2$                       3)  $-2F_3$                       ④  $2F_4$

43. วัตถุมวล 5 กิโลกรัม วางบนพื้นระดับมีแรง 20 นิวตัน กดวัตถุในแนวตั้ง จงหาค่าแรงที่พื้นดันวัตถุในแนวตั้ง (แรงปฏิกิริยาตั้งฉาก)



- 1) 0 นิวตัน                      2) 20 นิวตัน                      3) 50 นิวตัน                      ④ 70 นิวตัน

44. วัตถุอยู่นิ่งบนพื้นระดับมีแรง 20 นิวตัน กระทำต่อวัตถุไปทางขวา ต่อมาอีกแรงหนึ่งขนาด 20 นิวตัน กระทำต่อวัตถุไปทางซ้าย จะทำให้วัตถุเคลื่อนที่อย่างไร

- ① หยุดนิ่ง                      2) เคลื่อนที่ขึ้นในแนวตั้ง  
 3) เคลื่อนที่ไปทางซ้าย                      4) เคลื่อนที่ไปทางขวาด้วยความเร็วคงที่

45. เมื่อเวลาเราเดินไปข้างหน้าตรงๆ แรงเสียดทานที่พื้นถนนกระทำต่อพื้นรองเท้าเป็นอย่างไร

- 1) ค่าแรงเสียดทานเป็นศูนย์                      2) ทิศของแรงเสียดทานไปข้างหลัง  
 3) ทิศของแรงเสียดทานขึ้นในแนวตั้ง                      ④ ทิศของแรงเสียดทานไปข้างหน้า



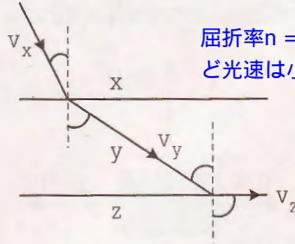


46. จงพิจารณาข้อใดถูกต้อง

- x 1) เลนส์นูนให้ภาพเสมือนขนาดเล็กกว่าวัตถุ
- x 2) กระจกเงาเกิดได้เฉพาะภาพเสมือน
- x 3) คนตาบอดสีแดงจะไม่เห็นสีเหลือง
- ④ 4) เส้นใยนำแสงใช้หลักการหักเหของแสง

51.

47. แสงเคลื่อนที่ผ่านตัวกลาง x, y และ z จะมีอัตราเร็ว  $v_x$ ,  $v_y$  และ  $v_z$  ตามลำดับ ข้อใดถูกต้อง



屈折率  $n = c/v$  ( $c$ : 真空中の光速、 $v$ : 媒質中の光速) であるので、屈折率の大きいほど光速は小さくなります。

- ①  $v_x > v_y > v_z$
- 2)  $v_x < v_y > v_z$
- 3)  $v_x > v_y < v_z$
- 4)  $v_x < v_y < v_z$

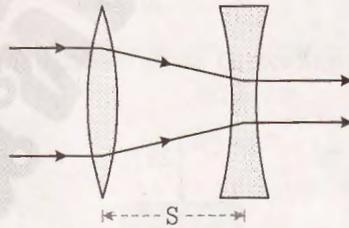
52.

48. จงพิจารณาข้อใดถูกต้อง

- 1) ปลาที่อยู่ใต้น้ำมองคนที่บินอยู่จะเห็นอยู่ใกล้กว่าเป็นจริง
- 2) รุ้งกินน้ำปฐมภูมิตัวรุ้งจะมีสีม่วงอยู่ด้านบนและสีแดงอยู่ด้านล่างของตัวรุ้ง
- 3) แสงเคลื่อนที่จากตัวกลางที่มีอัตราเร็วแสงน้อยสู่ตัวกลางที่มีอัตราเร็วแสงมากจะสามารถเกิดการสะท้อนกลับหมดได้
- 4) จากปรากฏการณ์กระจายแสงทำให้เราทราบได้ว่าแสงสีม่วงเคลื่อนที่ในปริซึมด้วยอัตราเร็วมากกว่าแสงสีแดง

53.

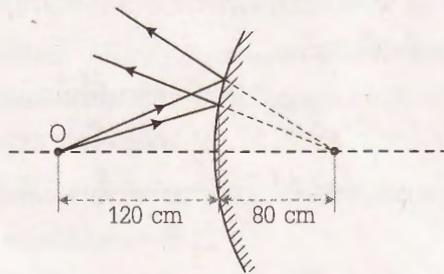
49. เลนส์นูนความยาวโฟกัส 30 เซนติเมตร และเลนส์เว้าความยาวโฟกัส 12 เซนติเมตร วางห่างกันดังรูป เมื่อมีลำแสงขนานเข้าทางเลนส์นูนจะได้ลำแสงขนานออกทางเลนส์เว้า จงหาระยะที่เลนส์ทั้งสองวางห่างกัน



- 1) 12 เซนติเมตร
- 2) 18 เซนติเมตร
- 3) 20 เซนติเมตร
- 4) 28 เซนติเมตร

54.

50. ทำการทดลองฉายแสงจากตำแหน่ง O ตกกระทบกระจกนูนสองลำแสง และเกิดการสะท้อนดังรูป จงหาค่าความยาวโฟกัสของกระจกนูน

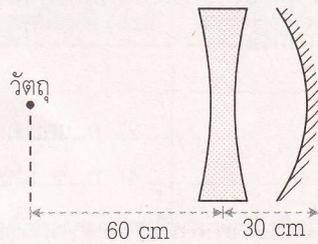


- 1) 240 เซนติเมตร
- 2) 200 เซนติเมตร
- 3) 120 เซนติเมตร
- 4) 48 เซนติเมตร

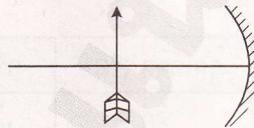
55.



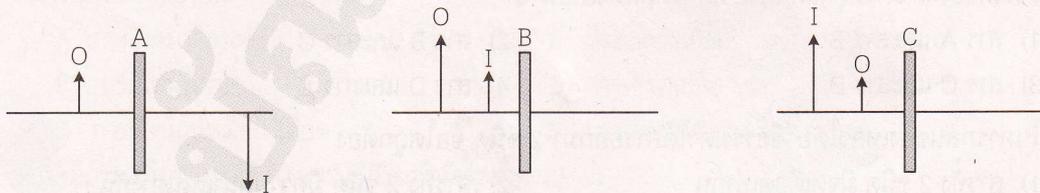
51. เลนส์เว้าความยาวโฟกัส 40 เซนติเมตร วางห่างจากกระจกเว้า 30 เซนติเมตร เมื่อนำวัตถุวางห่างจากเลนส์เว้า 60 เซนติเมตร จะเกิดภาพที่ตำแหน่งเดียวกับวัตถุ จงหาค่าความยาวโฟกัสของกระจกเว้า



- 1) 33.75 เซนติเมตร    2) 44.23 เซนติเมตร    3) 54.00 เซนติเมตร    4) 90 เซนติเมตร
52. กระจกนูนมีความยาวรัศมีโค้ง  $R$  ภาพที่เกิดจากกระจกนูนจะอยู่ห่างจากกระจกนูนในช่วงใด
- 1) จากขั้วกระจกถึง  $\frac{R}{2}$     2) จากขั้วกระจกถึง  $R$
- 3) จากขั้วกระจกถึงอนันต์    4) จาก  $\frac{R}{2}$  ถึงอนันต์
53. วัตถุวางตั้งหน้ากระจกเว้า ดังรูป เมื่อนำกระดาษทึบแสงมาปิดครึ่งล่างของกระจกเว้า ข้อใด **ไม่ถูกต้อง**



- 1) ภาพของวัตถุหายไปทั้งหมด    2) สามารถเห็นครึ่งบนของภาพ
- 3) สามารถเห็นครึ่งล่างของภาพ    4) สามารถเห็นวัตถุได้ทั้งครึ่งบนครึ่งล่าง
54. ถ้า O คือ วัตถุ, I คือ ภาพ และ A, B, C เป็นอุปกรณ์แสงที่ทำให้เกิดภาพ แล้ว A, B และ C เป็นอุปกรณ์ที่ถูกต้องตามข้อใด ตามลำดับ



- 1) เลนส์นูน เลนส์เว้า เลนส์นูน    2) เลนส์เว้า เลนส์นูน เลนส์นูน
- 3) เลนส์นูน เลนส์นูน เลนส์เว้า    4) เลนส์นูน เลนส์เว้า เลนส์เว้า
55. ผู้สูงอายุมองเห็นวัตถุชัดจนมีระยะใกล้สุด 75 เซนติเมตร จะแก้ไขโดยใช้แว่นความยาวโฟกัสเท่าใด
- 1) 15.25 เซนติเมตร    2) 37.5 เซนติเมตร
- 3) 50.75 เซนติเมตร    4) 75.0 เซนติเมตร





62. เมื่อนำของผสมที่ประกอบด้วยสาร A, สาร B, สาร C และสาร D มาแยกโดยใช้วิธีโครมาโทกราฟีแบบกระดาษและตัวทำละลายที่เหมาะสมได้ผลดังตาราง

สาร	ระยะทางที่สารเคลื่อนที่ (cm)	ระยะทางที่ตัวทำละลายเคลื่อนที่ (cm)
A	9	15
B	7	15
C	5	15
D	3	15

ข้อใดสรุปผลการทดลองได้ถูกต้องที่สุด

- 1) สาร A มีความสามารถในการถูกดูดซับได้ดีที่สุด
  - 2) สาร B มีความสามารถในการละลายในตัวทำละลายได้ดีกว่าสาร A
  - 3) สาร C มีความสามารถในการถูกดูดซับได้ดีกว่าสาร B
  - 4) สาร D มีค่า  $R_f$  มากที่สุดเมื่อเทียบกับสาร A, สาร B และสาร C
63. สารผสมชนิดหนึ่งประกอบไปด้วยน้ำตาลทราย ทรายละเอียด และผงการบูร ในการแยกสารผสมดังกล่าวออกจากกันควรใช้วิธีการใด
- 1) ระเหิด แล้วใช้มือหยิบออก
  - 2) ละลายน้ำ กั่น และใช้กรวยแยก
  - 3) ละลายน้ำ กรอง และระเหยแห้ง
  - 4) ระเหิด ละลายน้ำ และกรอง
64. ข้อใดไม่เกี่ยวข้องกับการเกิดปฏิกิริยาเคมี
- 1) การเผาไหม้ของขยะ
  - 2) การระเหยของเหงื่อที่ผิวหนังของนักกีฬา เมื่อได้นั่งพัก
  - 3) การฟุ้งร่อนของแผ่นสังกะสีมุงหลังคาบ้าน
  - 4) การเกิดฟองแก๊สเมื่อใช้น้ำยาล้างห้องน้ำราดไปบนพื้นกระเบื้อง
65. พิจารณาข้อมูลต่อไปนี้
- |                              |                                |
|------------------------------|--------------------------------|
| A. การเกิดน้ำค้างแข็ง        | B. หินอกหินย้อย                |
| C. การเกิดฝนกรด              | D. การทำนาเกลือ                |
| E. การเกิดไอน้ำเมื่อน้ำเดือด | F. การเติมปูนขาวลงในดินเปรี้ยว |
- ข้อใดมีการเปลี่ยนแปลงที่เกิดจากปฏิกิริยาเคมีทั้งหมด
- 1) A., B. และ F.
  - 2) B., C. และ F.
  - 3) B., D. และ E.
  - 4) C., D. และ F.
66. ข้อมูลใดต่อไปนี้ไม่สามารถบอกได้ว่า มีปฏิกิริยาเคมีเกิดขึ้น
- 1) มีฟองแก๊สเกิดขึ้น
  - 2) เกิดสารใหม่ที่มีสมบัติต่างไปจากเดิม
  - 3) มีปริมาตรของสารเพิ่มขึ้น
  - 4) สีของสารเปลี่ยนแปลงไปจากเดิม



67. จากข้อมูลการทำปฏิกิริยาของโลหะแมกนีเซียมกับสารละลายกรดไฮโดรคลอริก ดังตาราง

70.

เวลา (s)	0	10	20	30	40	50
ปริมาตรแก๊ส H <sub>2</sub> (cm <sup>3</sup> )	0	5	9	12	14	15

มีการวิเคราะห์ข้อมูลได้ผลดังนี้

- ก. อัตราการเกิดปฏิกิริยาตั้งแต่เริ่มต้นจนถึงสิ้นสุดมีค่าคงที่
- ข. อัตราเฉลี่ยของการเกิดปฏิกิริยาเท่ากับ 0.3 cm<sup>3</sup>/s
- ค. ความเข้มข้นของสารละลายกรดไฮโดรคลอริกเพิ่มขึ้นขณะที่ปฏิกิริยาดำเนินไป
- ง. อัตราการเกิดแก๊สไฮโดรเจนในช่วงท้ายมีอัตราการเกิดที่ช้ากว่าช่วงต้น

71.

ผลการวิเคราะห์ข้อใดถูกต้อง

- 1) ก. และ ข. เท่านั้น
- 2) ข. และ ง. เท่านั้น
- 3) ค. และ ง. เท่านั้น
- 4) ก., ข. และ ค.

68. พิจารณาข้อมูลต่อไปนี้

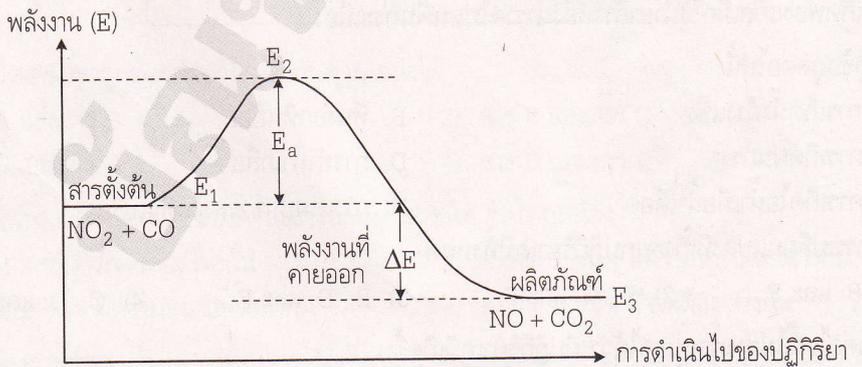
- แดง :** ใช้สารที่มีความเข้มข้นสูงในการทำปฏิกิริยาเคมี
- ดำ :** ลดความดันของแก๊สที่ใช้ในการทำปฏิกิริยาเคมี
- ขาว :** ให้ความร้อนแก่สารระหว่างทำปฏิกิริยาเคมี
- เขียว :** ใช้สารที่มีขนาดใหญ่แทนการใช้สารที่บดละเอียด เป็นสารตั้งต้นในการทำปฏิกิริยาเคมี

การกระทำของบุคคลทุกคนในข้อใดต่อไปนี้ ทำให้อัตราการเกิดปฏิกิริยาช้าลง

- 1) แแดงและดำ
- 2) ดำและขาว
- 3) ดำและเขียว
- 4) ทำให้ปฏิกิริยาเกิดช้าลงทุกคน

72.

69.



73.

จากกราฟ หากใช้มือจับภาชนะที่ใช้บรรจุสารที่กำลังเกิดปฏิกิริยาดังกล่าวสักครู่หนึ่ง จะเกิดเหตุการณ์ใด

74.

- 1) ภาชนะดังกล่าวจะเย็นลงกว่าเดิม
- 2) ภาชนะดังกล่าวจะร้อนขึ้นกว่าเดิม
- 3) ภาชนะดังกล่าวคงเดิม ไม่ร้อนและไม่เย็น
- 4) ไม่สามารถสรุปได้





75. พิจารณาข้อความที่กำหนดให้

- ก. ใช้ยอยสารพวกพอลิเพปไทด์  
ข. สภาพที่เป็นกรดกระตุ้นการทำงานของเอนไซม์  
ค. สภาพที่เป็นกรดยับยั้งการทำงานของเอนไซม์  
ง. ตับอ่อนและลำไส้เล็กสามารถสร้างได้  
จ. สารที่ได้จากการย่อยเป็นพวกน้ำตาลโมเลกุลเดี่ยว

ข้อใดต่อไปนี้เป็นแสดงชนิดและคุณสมบัติของเอนไซม์ได้ถูกต้อง

- 1) อะไมเลส - ก., จ. และทริปซิน - ก., ข.                      2) มอลเทส - ค., จ. และเพปซิน - ก., ข.  
3) อะไมเลส - ค., ง. และทริปซิน - ข., ค.                      4) ลิเพส - ค., ง. และเพปซิน - ข., จ.

76. ข้อใดไม่ถูกต้องเกี่ยวกับน้ำดี

- ก. น้ำดีสร้างมาจากตับอ่อน    ข. ในน้ำดีมีเอนไซม์ย่อยไขมัน  
ค. น้ำดีมีคุณสมบัติเป็นเบส    ง. ในน้ำดีมีคอเลสเตอรอลเป็นองค์ประกอบ

- 1) ก. และ ข.                      2) ข. และ ค.                      3) ค. และ ง.                      4) ก. และ ง.

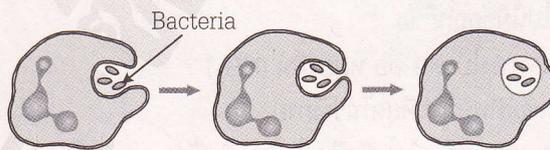
77. คนที่เป็นโรคความดันโลหิตสูงควรเลือกรับประทานโดยหลีกเลี่ยงอาหารชนิดใด และควรรับประทานอาหารชนิดใด ตามลำดับ

- 1) ผักสด - ผลไม้                      2) ตับไก่ - ไข่ขาว                      3) ไข่แดง - ตับไก่                      4) มาร์การีน - เนย

78. หลอดเลือดอาร์เทอรี (Artery) หมายถึงข้อใด

- 1) หลอดเลือดที่นำออกซิเจนไปเลี้ยงเซลล์ทั่วร่างกาย                      2) หลอดเลือดที่นำออกซิเจนจากปอดเข้าสู่หัวใจ  
3) หลอดเลือดที่นำเลือดออกจากหัวใจทั้งหมด                      4) หลอดเลือดที่นำเลือดกลับสู่หัวใจทั้งหมด

79. เม็ดเลือดขาวในข้อใดมีหน้าที่หลักในการจับกินเชื้อโรค ดังรูป



กำหนดให้

- ก. Macrophage    ข. Neutrophil  
ค. T-lymphocyte    ง. B-lymphocyte

- 1) เฉพาะ ก.                      2) เฉพาะ ข.                      3) ก. และ ข.                      4) ค. และ ง.

80. ข้อใดเป็นปฏิกิริยาที่เกิดจากการผสมเลือดหมู่ B Rh<sup>+</sup> กับหมู่ AB Rh<sup>-</sup>

- ก. Antigen A กับ Antibody a    ข. Antigen B กับ Antibody b  
ค. Antigen A กับ Antibody b    ง. Antigen B กับ Antibody a  
จ. Antigen Rh กับ Antibody Rh

- 1) มีข้อถูก 1 ข้อ                      2) มีข้อถูก 2 ข้อ                      3) มีข้อถูก 3 ข้อ                      4) มีข้อถูกมากกว่า 3 ข้อ



81. สัตว์ในข้อใดมีระบบหมุนเวียนเลือดต่างไปจากสัตว์ในข้ออื่นๆ มากที่สุด
- 1) ปลาตะเพียน
  - 2) เขียด
  - 3) จระเข้
  - 4) นก
82. ข้อใดเปรียบเทียบสารที่พบในเลือดกับน้ำเหลืองถูกต้อง

	ชนิดสาร	เลือด	น้ำเหลือง
1)	ของเสีย	มากกว่า	น้อยกว่า
2)	กลูโคส	เท่ากัน	เท่ากัน
3)	กรดไขมัน	มากกว่า	น้อยกว่า
4)	โปรตีน	มากกว่า	น้อยกว่า

83. การกรองปัสสาวะของคนไข้ที่เป็นไตวาย โดยใช้เครื่องไตเทียม ข้อใดถูกต้อง
- 1) ต้องเจาะเลือดออกมาทางหลอดเลือดดำ
  - 2) ต้องเจาะเลือดออกมาทางหลอดเลือดแดง
  - 3) ในหลอดเลือดดำจะมียูเรียและของเสียอื่นๆ สูง แต่ออกซิเจนต่ำ
  - 4) ในหลอดเลือดดำจะมียูเรียและของเสียอื่นๆ ต่ำ แต่ออกซิเจนสูง
84. ข้อใดต่อไปนี้ไม่เกี่ยวข้องกับการตอบสนองของภูมิแพ้ในคน ถ้ากำหนดให้
- ก. Eosinophil      ข. Plasma cell      ค. Histamine      ง. Platelets
- 1) ก. และ ข.
  - 2) ข. และ ค.
  - 3) ค. และ ง.
  - 4) เฉพาะ ง.
85. ข้อใดต่อไปนี้ไม่ถูกต้อง
- ก. สารที่ไม่ผ่านการกรองที่ด้วยโบว์แมนแคปซูล เช่น กรดยูริก
- ข. ในคนปกตินั้นสารที่ถูกดูดกลับ 100% ที่ท่อขดของหน่วยไต เช่น กลูโคส โปรตีนเล็กๆ เป็นต้น
- ค. การกรองอาศัยแรงดันเลือด การดูดสารกลับอาศัย Active transport มากที่สุด
- ง. สารที่ไม่พบการดูดกลับที่ท่อขดของหน่วยไต คือ กรดยูริกจึงออกมากับปัสสาวะมาก
- 1) ก. และ ข.
  - 2) ข. และ ค.
  - 3) ค. และ ง.
  - 4) ก. และ ง.
86. ข้อใดไม่ถูกต้องเกี่ยวกับกระบวนการเกิดหินอ่อนนี้
- 1) หินอ่อนนี้เกิดจากการแข็งตัวและตกผลึกของแมกมาภายใต้โลก
  - 2) เม็ดแร่ที่เกิดขึ้นในหินอ่อนนี้เกิดจากกระบวนการก่อตัวของแร่บนผิวโลก
  - 3) ลักษณะของเนื้อหินขึ้นอยู่กับอุณหภูมิของการแข็งตัวของแมกมา
  - 4) หินอ่อนที่มีเนื้อละเอียด ส่วนใหญ่เกิดขึ้นบนผิวโลก



87. ข้อใดเรียงลำดับกระบวนการเกิดหินชั้นหรือหินตะกอนได้ถูกต้อง
- 1) การกร่อน (Erosion) - การพัดพา (Transportation) - การทิ้งตัวและทับถม (Deposition) - การกลายเป็นหิน (Lithification)
  - 2) การกร่อน (Erosion) - การทิ้งตัวและทับถม (Deposition) - การกลายเป็นหิน (Lithification) - การพัดพา (Transportation)
  - 3) การทิ้งตัวและทับถม (Deposition) - การพัดพา (Transportation) - การกลายเป็นหิน (Lithification) - การกร่อน (Erosion)
  - 4) การทิ้งตัวและทับถม (Deposition) - การกร่อน (Erosion) - การพัดพา (Transportation) - การกลายเป็นหิน (Lithification)
88. ข้อใดมีความสัมพันธ์ที่ถูกต้อง
- 1) หินแกรนิต - ลาวา
  - 2) หินปูน - หินตะกอนเคมี
  - 3) หินไนส์ - การแข็งตัวของแมกมา
  - 4) หินชีสต์ - การทับถมของตะกอน
89. ข้อใดถูกต้องเกี่ยวกับหินอัคนีพุ
- 1) เกิดขึ้นภายใต้โลก
  - 2) เกิดจากแมกมา
  - 3) มีเนื้อหยาบ
  - 4) มีเม็ดแร่ขนาดเล็กเป็นส่วนประกอบ
90. นักธรณีวิทยาสำรวจหินทางภาคตะวันออกเฉียงเหนือของประเทศไทย และได้ข้อสรุปว่า บริเวณดังกล่าวของประเทศไทย น่าจะเคยเป็นชายฝั่งทะเลมาก่อนในอดีต การค้นพบหินชนิดใดนำไปสู่ข้อสรุปนี้
- 1) หินทราย
  - 2) หินปูน
  - 3) หินแกรนิต
  - 4) หินอบซิเดียน



**ข่าวดี!** นักเรียนสามารถเข้าไปดูเฉลยคำอธิบายอย่างละเอียดของข้อสอบ PRE-GIFTED ม.ต้น'60 ทาง [www.bunditnaenaew.com](http://www.bunditnaenaew.com) ได้ตั้งแต่วันที่ 21 ตุลาคม 2560 ส่วน “ผลการสอบ” จะดูได้ทางไลน์เท่านั้น ที่ LINE ID: @bdnn ตั้งแต่ 1 พฤศจิกายน 2560

ท่านสามารถสมัครเป็นสมาชิก LINE @บัณฑิตแนะแนว ได้ที่ LINE ID: @bdnn หรือจะสมัครโดยใช้โทรศัพท์มือถือสแกน QR CODE ที่หน้าสุดท้ายของข้อสอบชุดนี้ เพื่อ “รับสิทธิผลการสอบครั้งนี้” และ “รับสิทธิพิเศษอื่นๆ” เพิ่มเติมได้ตลอดทั้งปี